

ime i prezime

1	2.	3.	4.	5.	$\sum$

1. Zadana je funkcija  $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ 

$$f(x) = \begin{cases} x+2, & x \leq 1 \\ x^2 - 6x + 8, & x > 1 \end{cases} .$$

Odredite  $f(\langle 0, 4 \rangle)$ ,  $f^{-1}([0, 8])$  i  $f^{-1}(4)$ .2. Neka je  $f$  funkcija realne varijable zadana pravilom

$$f(x) = \frac{2^x - 1}{2 + 2^x}$$

- a) Odredite sliku funkcije  $f$ . Dokažite da je  $f: \mathbb{R} \rightarrow K(f)$  bijekcija te odredite njen inverz.
- b) Neka je  $g: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ ,  $g(x) = \sqrt{x-1}$ . Provjerite postoji li kompozicije  $f \circ g$  i  $g \circ f$ .

3. Riješite jednadžbe:

- a)  $|\sin x| = \sin x + 2 \cos x$ ;
- b)  $3\sqrt{\log_2 x} + 2 \log_2 \sqrt{\frac{1}{x}} = 2$ .

4. Odredite područje definicije funkcije s pravilom pridruživanja

$$f(x) = \sqrt{\arcsin \frac{1}{x+1} + 11 \ln(\log(4-x))}$$

5. Ostatak pri dijeljenju polinoma  $P$  s  $x+1$  je 4, a pri dijeljenju s  $x^2+1$  polinom  $P$  daje ostatak  $2x+3$ . Koliki je ostatak pri dijeljenju polinoma  $P$  polinomom  $(x+1)(x^2+1)$ ?